

Додатковий приклад 1 Розв'яжіть рівняння $25^{x+\frac{1}{2}} - 10 \cdot 5^{x-1} - 3 = 0$.

Розв'язання	Коментар
<p>► $25^x \cdot 25^{\frac{1}{2}} - 10 \frac{5^x}{5^1} - 3 = 0$;</p> $5^{2x} \cdot 5 - 2 \cdot 5^x - 3 = 0.$ <p>Виконаємо заміну $5^x = t$ і отримаємо рівняння $5t^2 - 2t - 3 = 0$, його корені $t_1 = 1$, $t_2 = -\frac{3}{5}$.</p> <p>В результаті оберненої заміни маємо: $5^x = 1$, тоді $x = 0$, або $5^x = -\frac{3}{5}$ — коренів немає.</p> <p><i>Відповідь:</i> 0. ◁</p>	<ol style="list-style-type: none"> 1. Позбуваємося числових доданків у показниках степенів. 2. Зводимо всі степені (зі змінною в показнику) до однієї основи 5. 3. Виконуємо заміну $5^x = t$, розв'язуємо одержане рівняння, здійснюємо обернену заміну і розв'язуємо одержані найпростіші показникові рівняння (ураховуємо, що всі перетворення були рівносильними).

Додатковий приклад 2* Розв'яжіть систему рівнянь $\begin{cases} 5^x - 3^y = 16, \\ \frac{x}{5^2} - \frac{y}{3^2} = 2. \end{cases}$

Розв'язання	Коментар
<p>► Виконавши зміну змінних $5^{\frac{x}{2}} = u$ і $3^{\frac{y}{2}} = v$, одержуємо систему рівнянь</p> $\begin{cases} u^2 - v^2 = 16, \\ u - v = 2. \end{cases}$ <p>Із другого рівняння цієї системи маємо $u = 2 + v$. Тоді з першого рівняння одержуємо $(2+v)^2 - v^2 = 16$. Звідси $v = 3$, тоді $u = 5$.</p> <p>Виконуємо обернену заміну: $3^{\frac{y}{2}} = 3$, тоді $\frac{y}{2} = 1$, отже, $y = 2$; $5^{\frac{x}{2}} = 5$, тоді $\frac{x}{2} = 1$, отже, $x = 2$.</p> <p><i>Відповідь:</i> (2; 2). ◁</p>	<p>Якщо позначити $5^{\frac{x}{2}} = u$ і $3^{\frac{y}{2}} = v$, то $5^x = u^2$ і $3^y = v^2$.</p> <p>Тоді задана система рівнянь буде рівносильною алгебраїчній системі, яку легко розв'язати.</p> <p>Після виконання оберненої заміни одержуємо систему найпростіших показникових рівнянь.</p>